

F17: Översikt

Central för kvantfysik:

partikel - väg draget

ljus: * interferens \rightsquigarrow väg

* svartkroppsstrålning, fotoelektrisk effekt: partikel.

$$\hookrightarrow E = \hbar \omega; p = \hbar k.$$

Partiklar har en väglängd: $\lambda = h/p$.] dolda.

Experiment: dubbel spalt:] \uparrow^x

Kolor: $P_{12} = P_1 + P_2$ (diskreta partiklar)

$$\begin{aligned} \text{Vägar: } I_{12} &= |h_1 + h_2|^2 \\ &= I_1^2 + I_2^2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos S \neq I_1 + I_2 : \end{aligned}$$

(energi kontinuerlig) interferens.

Elektroner: $I_{12} = |h_1 + h_2|^2$: interferens, men elektroner delas till som diskreta partiklar!

Om man vet / kan veta vilken spalt elektronerna tar, försvinner interferens mönstret!

Väg x, och därmed kvantpartiklar, uppfyller Heisenbergs obestämmbarhetsrelationen:

$$\Delta x \Delta p_x \approx \hbar/2.$$

Position och rörelsemängd är inte helt bestämt samtidigt!

Regler: * han deler har en amplitud: $\phi \in \mathbb{C}$

* P för en handelse: $P = |\phi|^2$.

* Han delar kan inträffa på två sätt:

(A) $\phi = \phi_1 + \phi_2$, $P = |\phi_1 + \phi_2|^2$: om vi inte
ärva interferens. men urskilja de

(B) $P = P_1 + P_2 = |\phi_1|^2 + |\phi_2|^2$: om vi kan
urskilja de ingen interferens.

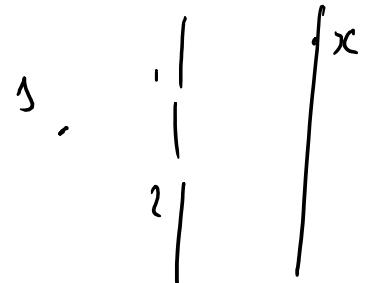
Dirac notation för amplituder:

* amplitud: $\langle \text{slut tillstånd} | \text{start tillstånd} \rangle$

* uppdelning i slay:

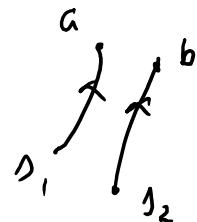
$$\langle x | s \rangle = \langle x | 1 \rangle \langle 1 | s \rangle +$$

$$\langle x | 2 \rangle \langle 2 | s \rangle$$

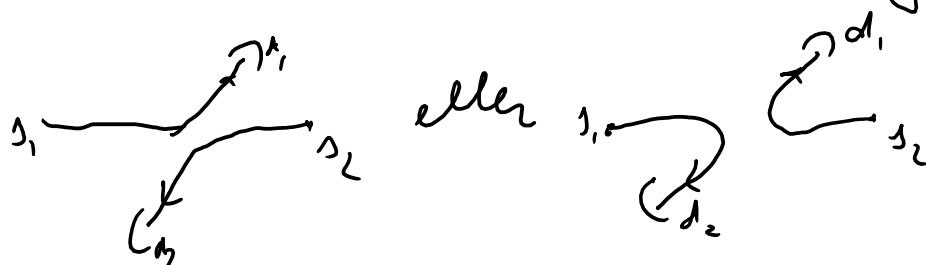


* Oberoende handelser:

$$\langle a|s_1 \rangle \langle b|s_2 \rangle$$



Identiska partiklar & spridning:



P för en träff i detektorerna?

$$* \text{ olika partiklar: } P = |\langle d_1 | s_1 \rangle \langle d_2 | s_2 \rangle|^2 + |\langle d_1 | s_2 \rangle \langle d_2 | s_1 \rangle|^2$$

* Identiska partiklar:

$$P = |\langle d_1 | s_1 \rangle \langle d_2 | s_2 \rangle \stackrel{+}{\uparrow} \langle d_1 | s_2 \rangle \langle d_2 | s_1 \rangle| + \text{för bosoner, } - \text{ för fermioner}$$

Om d_1 och d_2 är samma detektor:

$P = 0$ för fermioner!

Pauliprincip: identiska fermioner kan inte vara i samma tillstånd!

Spinn och Stern-Gerlach.

$$\text{Spinn: } \vec{s} = (s_x, s_y, s_z).$$

Spins kvanttal: $s = 0, \frac{1}{2}, 1, \frac{3}{2}, \dots$

Mätvärden: $\begin{cases} s_L = -\hbar s, -\hbar(s-1), \dots, \hbar(s-1), \hbar s \\ |\vec{s}| = \hbar \sqrt{s(s+1)} \end{cases}$

Kan bara bestämma en av S_x, S_y, S_z , men $|S\rangle$ och (säg) S_z kan bestämmas samtidigt!

Bosoner: s heltal, Fermioner: s halvtal!

Sturm-Gerlach apparaten:

$$s = \frac{1}{2}: \quad \begin{array}{c} \xrightarrow{\gamma_+ = \hbar \omega} \\ \text{---} \\ \gamma_T \quad \xrightarrow{\square} \\ \downarrow \quad \quad \quad \downarrow \\ \gamma_2 = -\hbar \omega \end{array} : \quad \left\{ \begin{array}{c} + \\ - \\ \hline \frac{1}{2} \end{array} \right\}$$

Kombination:

$$\left\{ \begin{array}{c} + \\ - \\ \hline S \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{c} + \\ - \\ \hline T \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{c} + \square \\ - \\ \hline R \end{array} \right\} : (-R|+T)(+T|+)$$

Tillsättande skrivs i termer av en bas: ett bas tillstånd för varje mätvärde!

$s=1$: $|+s\rangle; |0s\rangle; |-s\rangle$: diskret

tåge: $|x\rangle$: kontinuerlig.

$$|\psi\rangle = \frac{1}{\sqrt{3}} |+\rangle - \frac{1}{\sqrt{2}} |0\rangle + \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} |-\rangle \quad (s_1 \text{ bas})$$

Sammanräkning att mäta $S_z = 0$:

Sammanställhet att mäta $s_2 = 0$:

$$P = |K_{01}|\psi\rangle^2 = |\langle -i\frac{1}{2}\rangle|^2 = \frac{1}{4}$$

Efter mätningen (med resultat $s_2 = 0 \pm$):

$|4\rangle \rightarrow |0\rangle$ nu har partikeln ett bestämt
 $s_2 = 0$ och vänd!

Tids utveckling:

Diskret: $i\hbar \frac{d}{dt} c_i(t) = \sum_j H_{ij} c_j(t)$

Kont: $i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \psi(x,t) = \left(-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2}{\partial x^2} + V(x) \right) \psi(x,t)$

Stationära tillstånd:

* tidsberoende ges av: $|\psi(t)\rangle = e^{-iEt/\hbar} |\psi(0)\rangle$

* har bestämd energi

* alla sannolikheter är tidsoberoende

Vägfunktioner för tillstånd med bestämda

energi: $\psi_E(x,t) = e^{-iEt/\hbar} \phi_E(x)$.

Schrödinger ekvationen blir:

$$\left(-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2}{dx^2} + V(x) \right) \phi_E(x) = E \phi_E(x),$$

med E energi av partikeln med vägfunktion $\phi_E(t)$.

Med en konstant potential V_0 :

Med en konstant potential V_0 :

Om $E > V_0$: $\phi_E = a \sin(kx) + b \cos(kx)$

$$k = \sqrt{2m(E - V_0)/\hbar^2}$$

$E < V_0$ $\phi_E = a e^{-kx} + b e^{kx}$, $k = \sqrt{2m(V_0 - E)/\hbar^2}$

Oändlig djup potentialediagram:

diskreta energier $E_n = \frac{n^2 \pi^2 \hbar^2}{2mL^2}$, $n = 1, 2, 3, \dots$

Bundna tillstånd: E kan diskreta värden
 $(E < V_{\max})$

ÖkBundna $\Rightarrow E$ kontinuerlig $(E > V_{\max})$.